

Travaux dirigés de Physique Industrielle

Elément : Mécanique des fluides

Série : 2

Dynamique des fluides parfaits incompressibles

Exercice 1 :

1. De l'eau s'écoule dans une conduite de 30 cm de diamètre à la vitesse de 0,5 m/s. Calculer le débit volumique en m³/s et litre/min. Donner la valeur du débit massique.
2. Dans une conduite de 30 cm de diamètre, l'eau circule avec un débit volumique de 1800 l/min. Calculer la vitesse moyenne du fluide. Le diamètre devient égal à 15 cm. Calculer la nouvelle vitesse.
3. De l'eau circule dans une conduite de 15 cm de diamètre à la vitesse moyenne $v_1=4,5$ m/s. calculer le débit volumique Q_v .
4. La pression dans la conduite est de 1,8 bar et la température est de 38 °C. Exprimer le débit massique Q_m en fonction de la pression et de la température puis faire le calcul numérique.

Données : Masse molaire de l'air : $M=29$ g/mol ; constante des gaz parfaits $R=8,32$ J/mol.K.

Exercice 2 :

On considère un grand réservoir rempli d'eau, de diamètre $D=50$ cm. On supposera que le niveau A dans le réservoir est constant moyennant une alimentation continue en eau. Le fluide s'écoule par une ouverture de diamètre d située dans le fond du réservoir. L'eau sera considérée comme un fluide parfait incompressible.

- 1) Enoncer le théorème de Bernoulli pour un fluide parfait en précisant la signification des différents termes.
- 2) Appliquer la relation de Bernoulli entre les points A et B et déterminer l'expression littérale de la vitesse v_B au niveau de l'ouverture.
- 3) Donner la relation permettant de calculer le débit volumique théorique Q_v au point B.
- 4) Calculer numériquement la vitesse v_B et le débit volumique Q_v au point B.
- 5) En fait le débit réel vaut 0,92 l/s. Comparez à la valeur trouvée dans la question 4). Justification ?
- 6) On explique en partie cette différence par une contraction de la veine liquide à la sortie de l'orifice. En déduire le diamètre d' de la veine liquide à la sortie du réservoir et en déduire le coefficient de contraction.
- 7) On arrête d'alimenter le réservoir en eau. Déterminer le temps de la vidange complète du réservoir. Faire une application numérique.

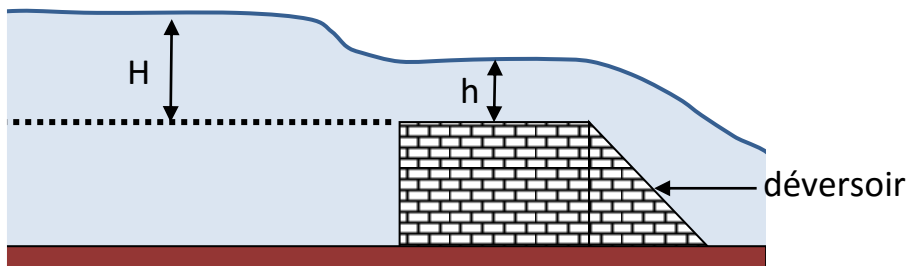
Données : $H=0,82$ m ; $d=2$ cm ; $D=50$ cm ; $\rho_{\text{eau}}= 1$ g/cm³ et $g= 9,81$ m.s⁻².

Exercice 3 :

On considère un écoulement d'eau au-dessus d'un déversoir de largeur L . On suppose que le déversoir est suffisamment long pour supposer que la vitesse de l'eau tend à devenir uniforme au-dessus du seuil. L'observation montre qu'au niveau du seuil, l'eau subit un abaissement y par rapport au niveau libre en amont du déversoir ($y = H - h$).

1. Par application du théorème de Bernoulli entre les points 1 et 2, déterminer la vitesse au point 2 en fonction de g , H et h (on négligera la vitesse au point 1). En déduire le débit d'eau au niveau du seuil.
2. Pour quelle valeur de h , ce débit est-il maximum ? Déterminer le débit correspondant à cette valeur de h .

On donne : $g = 9.8 \text{ m/s}^2$, $H = 2 \text{ m}$ et $L = 5 \text{ m}$.



Exercice 4 :

Sur la canalisation horizontale qui relie deux réservoirs contenant de l'eau, on place un convergent-divergent (diamètres : 50 et 30 mm) avec deux tubes de prise de pression (voir figure). On observe une dénivellation égale à 80,4 cm entre les niveaux dans les tubes, indicatrice de la différence de pression entre les deux zones.

Calculer le débit et la pression dans la section de la canalisation située à l'amont du convergent.

